

Документ подписан простой электронной подписью
Информация о владельце:
ФИО: Рукович Александр Владимирович
Должность: Директор
Дата подписания: 08.07.2024 11:22:46
Уникальный программный ключ:
f45eb7c44954caac05ea7d4f32eb0d7d6b5cb76aeb09b4bda094a1ada1b765f

Министерство науки и высшего образования Российской Федерации
Федеральное государственное автономное образовательное учреждение высшего образования
«СЕВЕРО-ВОСТОЧНЫЙ ФЕДЕРАЛЬНЫЙ УНИВЕРСИТЕТ ИМЕНИ М.К. АММОСОВА»
Технический институт (филиал) ФГАОУ ВО «СВФУ» в г. Нерюнгри

Кафедра Математики и информатики

ФОНД ОЦЕНОЧНЫХ СРЕДСТВ

Б1.В.ДВ.03.02 Программирование в системе MathCad

для программы бакалавриата
по направлению подготовки 13.03.02 - Электроэнергетика и электротехника
Направленность (профиль) программы: Электропривод и автоматика

Форма обучения: очная

УТВЕРЖДЕНО на заседании
выпускающей кафедры ЭПиАПП
«26» апреля 2024 г., протокол № 13
Заведующий кафедрой _____ / Рукович А.В.
«26» апреля 2024 г.

УТВЕРЖДЕНО на заседании
обеспечивающей кафедры МиИ
«24» апреля 2024 г., протокол № 10
Заведующий кафедрой _____ / Самохина В.М.
«24» апреля 2024 г.

СОГЛАСОВАНО:

Эксперты¹:

Шабо К.Я., к.т.н., доцент кафедры ЭПиАПП

Ф.И.О., должность, организация

_____ подпись

Самохина В.М., к.п.н, доцент кафедры МиИ

Ф.И.О., должность, организация

_____ подпись

СОСТАВИТЕЛЬ (И):

Зарипова М.Ю., ст. преподаватель кафедры МиИ

Ф.И.О., должность, организация

_____ подпись

¹ Эксперт первый: со стороны выпускающей кафедры (или работодатель). Эксперт второй: со стороны обеспечивающей кафедры.

КАФЕДРА МАТЕМАТИКИ И ИНФОРМАТИКИ

Расчетно-графическая работа

1.1. Табулирование функций

Задание: Выполнить табулирование функции $f(x)$ на отрезке $[a, b]$ изменения аргумента x с шагом h .

№ варианта	$[a, b]$	h	Уравнение
1	$[-1; 3]$	0.5	$x^3 - 2,92x^2 + 1,4355x + 0,791 = 0$
2	$[-2; 3]$	0.5	$x^3 - 2,56x^2 - 1,325x + 4,395 = 0$
3	$[-3,5; 2,5]$	0.5	$x^3 + 2,84x^2 - 5,606x - 14,766 = 0$
4	$[-2,5; 2,5]$	0.5	$x^3 + 1,41x^2 - 5,472x - 7,38 = 0$
5	$[-1,6; 1,1]$	0.3	$x^3 + 0,85x^2 - 0,432x + 0,044 = 0$
6	$[-1,6; 1,6]$	0.4	$x^3 - 0,12x^2 - 1,478x + 0,192 = 0$
7	$[-1,6; 0,8]$	0.34	$x^3 + 0,77x^2 - 0,251x - 0,017 = 0$
8	$[-1,4; 1]$	0.3	$x^3 + 0,88x^2 - 0,3999x - 0,0376 = 0$
9	$[-1,4; 2,5]$	0.3	$x^3 + 0,78x^2 - 0,827x - 0,1467 = 0$
10	$[-2,6; 1,4]$	0.5	$x^3 + 2,28x^2 - 1,9347x - 3,90757 = 0$
11	$[-2,6; 3,2]$	0.725	$x^3 - 0,805x^2 - 7x + 2,77 = 0$
12	$[-3; 3]$	0.5	$x^3 - 0,345x^2 - 5,569x + 3,15 = 0$
13	$[-2; 3,4]$	0.6	$x^3 - 3,335x^2 - 1,679x + 8,05 = 0$
14	$[-1; 2,8]$	0.38	$x^3 - 2,5x^2 + 0,0099x + 0,517 = 0$
15	$[-1,2; 3]$	0.42	$x^3 - 3x^2 + 0,569x + 1,599 = 0$
16	$[-2,5; 2,5]$	0.5	$x^3 - 2,2x^2 + 0,82x + 0,23 = 0$
17	$[-1,2; 4,6]$	0.58	$x^3 - 5x^2 + 0,903x + 6,77 = 0$
18	$[-1; 7,4]$	0.7	$x^3 - 7,5x^2 + 0,499x + 4,12 = 0$

1.2. Действия с матрицами

Задание: Даны матрицы $A = \begin{vmatrix} a & b & c \\ -m & n & k \\ c & b & -a \end{vmatrix}$, $B = \begin{vmatrix} b-c \\ m & b \\ n & k \end{vmatrix}$, $C = \begin{vmatrix} n & a \\ m & b \end{vmatrix}$, $D = \begin{vmatrix} a-b \\ -n \\ c+b \end{vmatrix}$,

$M = \begin{vmatrix} b-a & c \end{vmatrix}$, $K = \begin{vmatrix} n & -a & a+b \\ m & b & n+m \\ c & n & c-b \end{vmatrix}$ из коэффициентов a, b, c, m, k, n в соответствии с

вариантом задания.

а) Выполнить действия с матрицами в соответствии с вариантом задания.

б) Найти ранг матрицы A и определитель матрицы A .

в) Выполнить транспонирование матрицы K и найти обратную матрицу K .

Номер варианта	Значение элементов матриц	Действия с матрицами
1	$a=1; b=0.5; c=-1; m=2;$ $k=-2.1; n=-0.8$	1) $A+A \cdot M$; 2) $B \cdot C$; 3) M^3 ; 4) $D+m \cdot K$; 5) $A \cdot D + D \cdot M$; 6) K^{-2}

2	a=-2; b=1; c=1.5; m=-3; k=-0.1;n=1.8	1) A+B·M; 2) M·C; 3) B ³ ; 4)C+m·K; 5)AB+D·K 6)D ⁻³
3	a=-1; b=5; c=1.3; m=0.9; k=0.1;n=-0.5	1) A-M; 2) B-a·C 3) M ² -B; 4)D- ·K; 5)A+7·D; 6)A ⁻²
4	a=1; b=0.5; c=1; m=0.2; k=0.27 ;n=0.7	1) A ² ; 2) B·C+M; 3) n·M ² ; 4)D-K; 5)A·B-D·C; 6)D ⁻²
5	a=3; b=2.1; c=0.91; m=1.2; k=1; n=3	1) A ² +M; 2) B-M; 3) b·C ⁻³ ; 4)D+3K; 5)A·K-D; 6)M ⁻²
6	a=4; b=-0.5; c=-1; m=3.2; k=1.1;n=1.8	1) A+B·M; 2) M·C; 3) B ³ ; 4)C+m·K; 5)AB+D·K 6)D ⁻³
7	a=1; b=2.5; c=0.3; m=1; k=-2.1;n=-0.8	1) A-M; 2) B-a·C 3) M ² -B; 4)D- ·K; 5)A+7·D; 6)A ⁻²
8	a=2; b=0.5; c=-1.1; m=2; k=1.9 ;n=-3.8	1) A ² ; 2) B·C+M; 3) n·M ² ; 4)D-K; 5)A·B-D·C; 6)D ⁻²
9	a=3; b=-2.5; c=4; m=3; k=-2.1;n=0.8	1) A ² +M; 2) B-M; 3) b·C ⁻³ ; 4)D+3K; 5)A·K-D; 6)M ⁻²
10	a=3.1; b=1.5; c=2.1; m=3.2; k=1.1;n=-1.6	1) A+A·M; 2) B·C; 3) M ³ ; 4)D+m·K; 5)A·D+D·M; 6)K ⁻²
11	a=-2; b=1; c=1.5; m=-3; k=-0.1;n=1.8	1) A+B·M; 2) M·C; 3) B ³ ; 4)C+m·K; 5)AB+D·K 6)D ⁻³
12	a=-1; b=5; c=1.3; m=0.9; k=0.1;n=-0.5	1) A-M; 2) B-a·C 3) M ² -B; 4)D- ·K; 5)A+7·D; 6)A ⁻²
13	a=1; b=0.5; c=1; m=0.2; k=0.27 ;n=0.7	1) A ² ; 2) B·C+M; 3) n·M ² ; 4)D-K; 5)A·B-D·C; 6)D ⁻²
14	a=3; b=2.1; c=0.91; m=1.2; k=1; n=3	1) A ² +M; 2) B-M; 3) b·C ⁻³ ; 4)D+3K; 5)A·K-D; 6)M ⁻²
15	a=4; b=-0.5; c=-1; m=3.2; k=1.1;n=1.8	1) A+B·M; 2) M·C; 3) B ³ ; 4)C+m·K; 5)AB+D·K 6)D ⁻³
16	a=1; b=2.5; c=0.3; m=1; k=-2.1;n=-0.8	1) A+B·M; 2) M·C; 3) B ³ ; 4)C+m·K; 5)AB+D·K 6)D ⁻³
17	a=2; b=0.5; c=-1.1; m=2; k=1.9 ;n=-3.8	1) A-M; 2) B-a·C 3) M ² -B; 4)D- ·K; 5)A+7·D; 6)A ⁻²
18	a=3; b=-2.5; c=4; m=3; k=-2.1;n=0.8	1) A ² ; 2) B·C+M; 3) n·M ² ; 4)D-K; 5)A·B-D·C; 6)D ⁻²

1.3. Решение уравнений и их систем

Задание. С использованием трех различных способов поиска решения уравнений и их систем в MathCad:

а) решить алгебраическое уравнение:

1	$x^3-7,8x^2+0,899x+8,1=0$
2	$x^3+2x^2-4,9x-3,22=0$
3	$x^3+3x^2-0,939x-1,801=0$
4	$x^3+5,3x^2+0,6799x-13,17=0$
5	$x^3-6,2x^2-12,999x+11,1=0$
7	$x^3-0,34x^2-4,339x-0,09=0$
8	$x^3-1,5x^2+0,129x+0,07=0$
9	$x^3-5,5x^2+2,79x+0,11=0$
10	$x^3-5,7x^2-6,219x-2,03=0$
11	$x^3-3,78x^2-7,459x-4,13=0$

12	$x^3-5x^2-9,9119x+0,01=0$
13	$x^3-7x^2-1,339x-7,55=0$
14	$x^3-0,12x^2-1,478x+0,192=0$
15	$x^3+0,77x^2-0,251x-0,017=0$
16	$x^3+0,88x^2-0,3999x-0,0376=0$
17	$x^3+0,78x^2-0,827x-0,1467=0$
18	$x^3-2,92x^2+1,4355x+0,791=0$

б) решить систему линейных алгебраических уравнений

№ варианта	Коэффициенты при неизвестных				Свободные члены
	a11	a12	a13	a14	B1
	a21	a22	a23	a24	B2
	a31	a23	a33	a34	B3
	a41	a24	a34	a44	B4
1	9	5	7	4	0
	4	6	7	8	6
	5	8	6	7	3
	5	6	7	8	7
2	9	6	3	8	3
	4	6	7	4	1
	2	3	5	3	4
	4	8	3	7	2
3	2	3	2	5	3
	5	2	5	7	2
	4	2	7	1	3
	7	5	1	4	2
4	1	4	2	5	8
	4	4	5	3	6
	1	2	6	8	7
	3	7	3	2	9
5	9	6	3	8	3
	4	6	7	4	8
	2	3	5	3	5
	4	8	3	7	9
6	2	4	7	4	2
	4	1	6	2	0
	8	3	6	7	3
	6	3	5	7	1
7	3	3	4	7	3
	2	6	4	6	4
	3	4	5	6	8
	1	9	3	5	2
8	2	1	5	2	1
	5	2	2	6	3
	2	2	1	2	0
	1	3	3	1	2
9	7	6	2	7	3
	4	9	5	5	2
	2	3	4	4	0
	1	5	6	6	2

б) решить систему линейных алгебраических уравнений

№ варианта	Коэффициенты при неизвестных				Свободные члены
	a ₁₁	a ₁₂	a ₁₃	a ₁₄	B ₁
10	a ₂₁	a ₂₂	a ₂₃	a ₂₄	B ₂
	a ₃₁	a ₂₃	a ₃₃	a ₃₄	B ₃
	a ₄₁	a ₂₄	a ₃₄	a ₄₄	B ₄
	3	6	5	2	3
11	4	6	3	5	0
	2	3	2	6	4
	2	4	3	6	3
	0,12	-0,43	0,14	0,64	-0,17
12	-0,07	0,34	-0,72	0,32	0,62
	1,18	-0,08	-0,25	0,43	1,12
	1,17	0,53	-0,84	-0,53	1,15
	0,12	-0,43	0,14	0,64	-0,17
13	-0,07	0,34	-0,72	0,32	0,62
	1,18	-0,08	-0,25	0,43	1,12
	1,17	0,53	-0,84	-0,53	1,15
	3,7	5,6	9,5	2	13
14	4	3,36	31,1	1,5	0
	2	7,93	4,2	6,3	4,4
	2	42,7	3,7	6,2	3
	1,3	1,6	5	2,2	3
15	4,4	6,7	13	2,5	0
	2,8	0,73	12	67,8	4
	2	3,4	13	6	3
	5,3	1,6	5,5	2	3,3
16	4,1	6,4	3,9	5	0
	2,1	3,3	2,04	6	4,9
	2	4	3	6	3,1
	3	6	5	0,2	3
17	4	6	8,3	5,3	0
	2	3	2,6	6,1	4,1
	2	4	0,93	6	3,8
	3	6	5	2	34,7
18	4	6	3,6	5	0
	2	3,4	2	6	4,2
	2	44,7	3	6	3
	3	6	5,1	0,2	4
18	4	6	3,4	5,34	3
	2	3	2,7	6,7	4
	2	4	3,3	6	7

в) решить систему нелинейных алгебраических уравнений

№ варианта	Система уравнений	№ варианта	Система уравнений
1	$\begin{cases} 2x^2 + 5y^2 = 3 \\ 5x + 9y = 3 \end{cases}$	2	$\begin{cases} 3x^2 + 4y^2 = 4 \\ 3x + 4y = 2 \end{cases}$

3	$\begin{cases} 5x^2 + 2y^2 = 4 \\ 2x + 7y = 1 \end{cases}$	4	$\begin{cases} 4x^2 + 5y^2 = 3 \\ 5x + 3y = 1 \end{cases}$
5	$\begin{cases} 5x^2 + 6y^2 = 3 \\ 7x + 3y = 1 \end{cases}$	6	$\begin{cases} 3x^2 + 5y^2 = 3 \\ 5x + 7y = 2 \end{cases}$
7	$\begin{cases} 7x^2 + 6y^2 = 3 \\ 5x + 3y = 2 \end{cases}$	8	$\begin{cases} 5x^2 + 6y^2 = 3 \\ 3x + 7y = 2 \end{cases}$
9	$\begin{cases} 3x^2 + 2y^2 = 2 \\ 2x + 7y = 3 \end{cases}$	10	$\begin{cases} 5x^2 + y^2 = 3 \\ 3x + 5y = 2 \end{cases}$
11	$\begin{cases} 2x^2 - y^2 = 5 \\ 7x + y = 4 \end{cases}$	12	$\begin{cases} 8x^2 + 6y^2 = 4 \\ 2x + 2y = 3 \end{cases}$
13	$\begin{cases} 4x^2 + 3y^2 = 7 \\ 8x + 2y = 6 \end{cases}$	14	$\begin{cases} 3x^2 + 4y^2 = 9 \\ 6x + 3y = 7 \end{cases}$
15	$\begin{cases} x^2 + 2y^2 = 3 \\ 5x + 4y = 7 \end{cases}$	16	$\begin{cases} 4x^2 + y^2 = 9 \\ x + y = 3 \end{cases}$
17	$\begin{cases} 2x^2 + 7y^2 = 5 \\ 3x + 2y = 8 \end{cases}$	18	$\begin{cases} 6x^2 + 7y^2 = 3 \\ 2x + 4y = 6 \end{cases}$

1.4. Решение задач дифференциального и интегрального исчисления

Задание: Вычислить:

Номер варианта	Неопределенные интегралы	Определенные интегралы	Производные (I, II, III порядка)
1	$\int \frac{x^4 - 3x^2 + 5\sqrt[3]{x} - 7x + 6}{\sqrt[3]{x}} dx$	$\int_0^{\pi} \sin(x) dx$	$\frac{d}{dx} [(x+1)^2 \cdot (x-2)^3]$
2	$\int \left[\frac{(1+\sqrt{x})^3}{\sqrt{x}} \right] dx$	$\int_0^1 e^{kx} dx$	$\frac{d}{dx} (\sin(x) + \cos(x) + \tan(x))$
3	$\int \cos(4x)^5 \cdot \sin(4x) dx$	$\int_{-1}^1 \frac{1}{1+x^2} dx$	$\frac{d}{dx} (e^x + \ln(x) - \sin(x) + \sqrt[3]{x})$
4	$\int \frac{x^2}{(4x^3 + 9)^4} dx$	$\int_0^{\frac{\pi}{4}} \frac{\sin(x)}{\cos(x)^2} dx$	$\frac{d}{dx} (2^x \cdot \sin(x) + e^{3x})$

5	$\int \frac{\cos(\sqrt{x})}{\sqrt{x}} dx$	$\int_1^2 \frac{1}{x(1+x^4)} dx$	$\frac{d}{dx} \left(\frac{10}{\tan(x)} + 5 \cdot \ln(x) + 6 \cdot \cos(x) + 2 \cdot \sqrt[4]{x} \right)$
6	$\int \frac{1}{\sin(x)^2 \cdot \cos(x)^2} dx$	$\int_3^{10} \frac{1}{(x-1) \cdot \sqrt{x+1}} dx$	$\frac{d}{dx} (\sin(x^2) + \tan(x))$
7	$\int \frac{1}{1 + \sin(x)} dx$	$\int_0^{\infty} \frac{x}{(1+x)^3} dx$	$\frac{d}{dx} \left[e^{(\tan(x))^2} \right]$
8	$\int \cos(\ln(x)) \cdot \frac{1}{x} dx$	$\int_1^{\infty} \frac{\sqrt{x}}{1+x^2} dx$	$\frac{d}{dx} \left[\frac{\sqrt[4]{\ln(\sin(x)+2)}}{(\tan(x))^3} \right]$
9	$\int \frac{1}{\cos(x)^2} dx$	$\int_0^1 \ln(x) dx$	$\frac{d}{dx} (2^x \cdot \sin(x) + e^{3x})$
10	$\int \frac{\sin(x)}{\cos(x)^2} dx$	$\int_0^1 \frac{\sin(x)}{\sqrt{1-x^2}} dx$	$\frac{d}{dx} \left(\frac{10}{\tan(x)} + 5 \cdot \ln(x) + 6 \cdot \cos(x) + 2 \cdot \sqrt[4]{x} \right)$
11	$\int \frac{1}{\sin(x) \cdot \cos(x)} dx$	$\int_0^1 e^x dx$	$\frac{d}{dx} (\sin(x^2) + \tan(x))$
12	$\int \frac{x+3}{x^2+2} dx$	$\int_0^{2\pi} 4 \cdot a^2 \cdot (1 - \cos(\phi))^2 d\phi$	$\frac{d}{dx} \left[e^{(\tan(x))^2} \right]$
13	$\int \frac{\cos(x)}{5 + \sin(x)^2} dx$	$\int_{-1}^1 \frac{1}{1+x^2} dx$	$\frac{d}{dx} \left(\frac{10}{\tan(x)} + 5 \cdot \ln(x) + 6 \cdot \cos(x) + 2 \cdot \sqrt[4]{x} \right)$
14	$\int \frac{1}{\sqrt{7-8x^2}} dx$	$\int_0^{\frac{\pi}{4}} \frac{\sin(x)}{\cos(x)^2} dx$	$\frac{d}{dx} (\sin(x^2) + \tan(x))$
15	$\int \frac{\sin(2x)}{\sqrt{5-3\sin(x)^4}} dx$	$\int_1^{\infty} \frac{\sqrt{x}}{1+x^2} dx$	$\frac{d}{dx} \left[e^{(\tan(x))^2} \right]$
16	$\int \frac{1}{x \cdot \sqrt{x^2 - a^2}} dx$	$\int_0^1 \ln(x) dx$	$\frac{d}{dx} \left[\frac{\sqrt[4]{\ln(\sin(x)+2)}}{(\tan(x))^3} \right]$
17	$\int \frac{1}{\sin(x)^4 \cdot \cos(x)^2} dx$	$\int_0^1 \frac{\sin(x)}{\sqrt{1-x^2}} dx$	$\frac{d}{dx} (e^x + \ln(x) - \sin(x) + \sqrt[3]{x})$

18	$\int \ln(x)^2 dx$	$\int_0^1 e^x dx$	$\frac{d}{dx}(2^x \cdot \sin(x) + e^{3x})$
----	--------------------	-------------------	--

1.5. Упрощение и преобразование выражений

Задание: Упростить сложное алгебраическое выражение:

№ варианта	Выражение	Ответ
1	$\left(\frac{\sqrt{m}}{n-\sqrt{mn}} + \frac{\sqrt{n}}{m-\sqrt{mn}}\right) \cdot \frac{\sqrt{mn}}{\sqrt{n}+\sqrt{m}}$	-1
2	$\left(\frac{a+\sqrt[4]{ae^3}-\sqrt[4]{ae}}{\sqrt{a}+\sqrt[4]{ae}}\right) : (\sqrt[4]{a}-\sqrt[4]{e})$	$\sqrt[4]{a}-\sqrt[4]{e}$
3	$\left(\frac{\sqrt{x-a}}{\sqrt{x+a}+\sqrt{x-a}} + \frac{x-a}{\sqrt{x^2-a^2}-x+a}\right) : \sqrt{\frac{x^2}{a^2}-1}$	1
4	$\frac{a\sqrt{a}+b\sqrt{b}}{(\sqrt{a}+\sqrt{b})(a-b)} + \frac{2\sqrt{b}}{\sqrt{a}+\sqrt{b}} - \sqrt{ab}$	1
5	$\frac{\frac{x-y}{\sqrt{x}-\sqrt{y}} - \frac{x-y}{\sqrt{x}+\sqrt{y}}}{\frac{\sqrt{x}-\sqrt{y}}{x-y} + \frac{\sqrt{x}+\sqrt{y}}{x-y}} \cdot \frac{2\sqrt{xy}}{y-x}$	-2y
6	$\left[\frac{1}{(\sqrt{a}+\sqrt{b})^{-2}} - \left(\frac{\sqrt{a}-\sqrt{b}}{\frac{3}{a^2}-\frac{3}{b^2}}\right)^{-1}\right] \cdot (ab)^{\frac{-1}{2}}$	1
7	$a \cdot \left(\frac{\sqrt{a}+\sqrt{b}}{2b\sqrt{a}}\right)^{-1} + b \cdot \left(\frac{\sqrt{a}+\sqrt{b}}{2b\sqrt{b}}\right)^{-1}$	2ab
8	$\left(\frac{\sqrt{x}+\sqrt{y}}{\sqrt{x}-\sqrt{y}} - \frac{\sqrt{x}-\sqrt{y}}{\sqrt{x}+\sqrt{y}}\right) \cdot \left(\frac{1}{\sqrt{y}} - \frac{1}{\sqrt{x}}\right)$	$\frac{4}{\sqrt{x}+\sqrt{y}}$
9	$\frac{(4\sqrt[4]{a}-4\sqrt[4]{b})^{-2} + (4\sqrt[4]{a}+4\sqrt[4]{b})^{-2}}{\left(\frac{\sqrt{a}+\sqrt{b}}{a-b}\right)^2}$	$2 \cdot (\sqrt{a}+\sqrt{b})$
10	$\frac{\frac{1}{\sqrt{a-1}} + \sqrt{a-1}}{\frac{1}{\sqrt{a+1}} - \frac{1}{\sqrt{a-1}}} \div \frac{\sqrt{a-1}}{(a-1)\sqrt{a+1} - (a+1)\sqrt{a-1}}$	a(a+1)
11	$\frac{(\sqrt{a}+\sqrt{b})^2 - 4b}{(a-b) \div \left(\sqrt{\frac{1}{b}} + 3\sqrt{\frac{1}{a}}\right)} \div \frac{a+9b+6\sqrt{ab}}{\frac{1}{\sqrt{b}} + \frac{1}{\sqrt{a}}}$	$\frac{1}{ab}$
12	$\frac{2 \cdot \sqrt{1 + \frac{1}{4} \left(\sqrt{\frac{1}{t}} - \sqrt{t}\right)^2}}{\sqrt{1 + \frac{1}{4} \left(\sqrt{\frac{1}{t}} - \sqrt{t}\right)^2} - \frac{1}{2} \cdot \left(\sqrt{\frac{1}{t}} - \sqrt{t}\right)}$	$\frac{t+1}{t}$

13	$\frac{\sqrt{\frac{a+x}{a-x}} - \sqrt{\frac{a-x}{a+x}}}{\sqrt{\frac{a+x}{a-x}} + \sqrt{\frac{a-x}{a+x}}}$	$\frac{a}{x}$
14	$\frac{\sqrt{x+1}}{x+\sqrt{x+1}} \div \frac{1}{\sqrt{x^3-1}}$	$x-1$
15	$\frac{a+3}{2a-1} - \frac{a^2-5}{4a^2-4a+1} - \frac{2a^3-a(1-5a)-1}{8a^3-12a^2+6a-1}$	$\frac{2a+1}{(2a-1)^2}$
16	$\frac{1}{a + \frac{1}{b + \frac{1}{c}}} \div \frac{1}{a + \frac{1}{b}} - \frac{1}{b(abc + a + c)}$	1
17	$\left[\frac{1}{(\sqrt{a} + \sqrt{b})^{-2}} - \left(\frac{\sqrt{a} - \sqrt{b}}{a^2 - b^2} \right)^{-1} \right] \cdot (ab)^{\frac{-1}{2}}$	1
18	$\frac{(\sqrt{a} + \sqrt{b})^2 - 4b}{(a-b) \div \left(\sqrt{\frac{1}{b}} + 3\sqrt{\frac{1}{a}} \right)} \div \frac{a+9b+6\sqrt{ab}}{\frac{1}{\sqrt{b}} + \frac{1}{\sqrt{a}}}$	$\frac{1}{ab}$

1.6. Построение графиков функций

Задание: Построить графики заданных функций, найти точки их пересечения и вычислить площадь плоской фигуры, ограниченной заданными линиями:

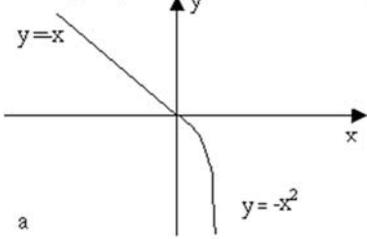
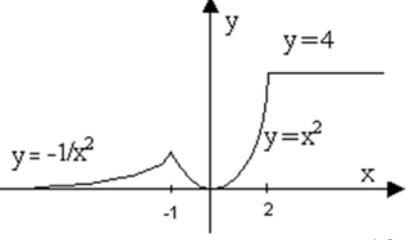
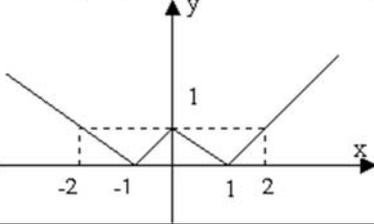
Номер варианта	Функции для вычисления площади фигуры
1	$x=y^2-2y; x+y=0$
2	$y=2-x; y^2=4x+4$
3	$y^2=4x-4; y^2=2x$ (извне параболы)
4	$3y^2=25x; 5x^2=9y$
5	$y^2+2y-3x+1=0; 3x-3y-7=0$
6	$y=4x-4x^2; y=x^2-5x$
7	$x=4-y^2; x+2y-4=0$
8	$y^2=4(x-1); x^2+y^2=4$ (извне параболы)
9	$x=y^2-2y; x+y=0$
10	$y=2-x; y^2=4x+4$
11	$y^2+2y-3x+1=0; 3x-3y-7=0$
12	$y=4x-4x^2; y=x^2-5x$
13	$x=4-y^2; x+2y-4=0$
14	$x=y^2-2y; x+y=0$
15	$y=2-x; y^2=4x+4$
16	$y^2+2y-3x+1=0; 3x-3y-7=0$
17	$y=4x-4x^2; y=x^2-5x$
18	$x=4-y^2; x+2y-4=0$

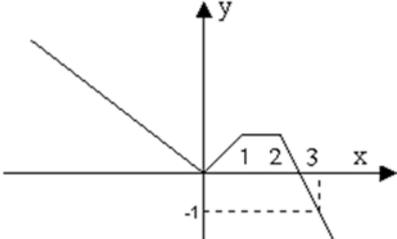
1.7. Программирование в среде Mathcad

Задание: Составить программы для решения следующих задач:

Номер варианта	Задача
1	<p>А) Вычислить значение функции:</p> $Y = \begin{cases} 3x + 7, & \text{при } x < 0 \\ \sqrt{x} - 2x, & \text{при } 0 \leq x \leq 5 \\ 7 - 4x, & \text{при } x > 5 \end{cases}$ <p>Б) Дано вещественное a и натуральное число n. Вычислить:</p> $S = \frac{1}{a} + \frac{1}{a^2} + \frac{1}{a^4} + \dots + \frac{1}{a^{2n-2}}$ <p>В) Дан массив вещественных чисел. Подсчитать, сколько в нем отрицательных, положительных и нулевых элементов.</p>
2	<p>А) Вычислить значение функции:</p> $Y = \begin{cases} x - 5, & \text{при } x < 0 \\ x^2 - 4x, & \text{при } 0 \leq x \leq 4 \\ 3x - 2, & \text{при } x > 4 \end{cases}$ $y = 2,05ax^3 - \frac{3b\sqrt{5 - 2\sin^3 4x}}{ 0,3tg^3 x - 2 }$ <p>Б) Вычислить значение функции: при $a=3$, $b=0,2$. Аргумент x принимает значения от 1 до 5 с шагом 0,5.</p> <p>В) В двумерном массиве целых чисел найти среднее арифметическое элементов главной диагонали.</p>
3	<p>А) Вычислить значение функции:</p> $F(x) = \begin{cases} x^2 - x, & 0 \leq x \leq 1 \\ x^2 - \sin \pi x, & x > 1 \text{ или } x < 0 \end{cases}$ <p>Б) Даны вещественное x и натуральное число n. Вычислить:</p> $\sin x + \sin x^2 + \dots + \sin x^n$ <p>В) Задана последовательность из вещественных чисел. Определить, сколько среди них чисел, меньших K, равных K и больших K.</p>
4	<p>А) Вычислить значение функции:</p> $F(x) = \begin{cases} -x^2 - 1,1x + 9, & 0 \leq x \leq 4 \\ \frac{x+3}{x^3+9}, & x < 0 \text{ или } x > 4 \end{cases}$ $S = \frac{1}{\sin 1} + \frac{1}{\sin 1 + \sin 2} + \dots + \frac{1}{\sin 1 + \sin 2 + \dots + \sin n}$ <p>Б) Вычислить</p> <p>В) Дана действительная матрица размера $n \times m$. Получить одномерный массив из элементов главной диагонали.</p>
5	<p>А) Вычислить значение функции:</p> $Y = \begin{cases} 3 + 7x, & \text{при } x < 0 \\ 2x, & \text{при } 0 \leq x \leq 5 \\ 7x - 4, & \text{при } x > 5 \end{cases}$

	<p>Б) Вычислить $S = \cos 1 * (\cos 1 + \cos 2) * \dots * (\cos 1 + \cos 2 + \dots + \cos n)$</p> <p>В) Дан одномерный массив целых чисел. Заменить все большие семи элементы на число 7, подсчитать кол-во таких элементов.</p>
6	<p>А) Дано действительное число x. Вычислить $f(x)$, если:</p> $f(x) = \begin{cases} 0, & \text{при } x \leq 0 \\ x^2 - x, & \text{при } 0 < x \leq 1 \\ x^2 - 1, & \text{при } x > 1 \end{cases}$ <p>Б) Вычислить сумму чисел $1 + 1/2 + 1/4 + 1/8 + 1/16 + \dots$ до тех пор пока какое-либо из этих чисел не станет меньше 0,001</p> <p>В) Дана действительная матрица размера $n \times m$. Получить массив b_1, \dots, b_n, где b_k - это наибольшее из значений элементов k-й строки;</p>
7	<p>А) Вычислить значение функции:</p> $f = \begin{cases} kx, & \text{если } k < x \\ k + x, & \text{если } k \geq x \end{cases} \quad \text{где } k = \begin{cases} x^2, & \text{если } \sin x < 0 \\ x , & \text{если } \sin x \geq 0 \end{cases}$ <p>Б) Дано натуральное n, действительное x. Вычислить: $(1 + x) + (1/2 + x) + \dots + (1/n + x)$</p> <p>В) В одномерном массиве вещественных чисел заменить все элементы, стоящие на четных местах суммой элементов массива.</p>
8	<p>А) Вычислить значение функции:</p> $f = \begin{cases} x , & \text{если } x < k \\ kx, & \text{если } k \geq x \end{cases} \quad \text{где } k = \begin{cases} x^2, & \text{если } \sin x \geq 0 \\ x , & \text{если } \sin x < 0 \end{cases}$ <p>Б) Даны вещественное a и натуральное число n. Вычислить: $P = a(a + 1)(a + 2)\dots(a + n - 1)$</p> <p>В) Дана действительная матрица размера $n \times m$. Найти сумму из наибольших элементов каждой строки массива и сохранить их в одномерный массив.</p>
9	<p>А) Даны три целых числа, найдите среднее из них. Средним назовем число, которое больше наименьшего из данных чисел, но меньше наибольшего.</p> <p>Б) Дано натуральное n. Вычислить: $\left(1 - \frac{1}{2}\right)\left(1 - \frac{1}{4}\right)\left(1 - \frac{1}{6}\right)\dots\left(1 - \frac{1}{2n}\right)$</p> <p>В) В одномерном массиве целых чисел заменить все отрицательные элементы минимальным элементом массива.</p>
10	<p>А) Дано действительное число h. Выяснить, имеет ли уравнение $ax^2 + bx + c = 0$ действительные корни, если</p> $a = \sqrt{\frac{ \sin 8h + 17}{\left(1 - \sin 4h(h^2 + 18)\right)^2}},$ $b = 1 - \sqrt{\frac{3}{3 + \operatorname{tg} ah^2 - \sin ah }},$ $c = ah^2 \sin bh + bh^3 \cos ah.$ <p>Если действительные корни существуют, то найти их. В противном случае ответом должно служить сообщение, что действительных корней нет.</p>

	$\frac{2}{1} + \frac{3}{2} + \frac{4}{3} + \dots + \frac{k+1}{k}$ <p>Б) Дано k, вычислить:</p> <p>В) Дан двумерный массив вещественных чисел. Определить сумму квадратов элементов s-той строки массива.</p>
11	<p>А) Даны действительные числа $a_1, b_1, c_1, a_2, b_2, c_2$. Выяснить, верно ли, что $a_1b_2 - a_2b_1 \geq 0.0001$, и если верно, то найти решение системы линейных уравнений по формулам Крамера:</p> $\begin{cases} a_1x + b_1y + c_1 = 0, \\ a_2x + b_2y + c_2 = 0, \end{cases}$ <p>(при выполнении выписанного неравенства система заведомо совместна и имеет единственное решение).</p> $\frac{1}{3} + \frac{4}{6} + \frac{9}{11} + \dots + \frac{k^2}{k^2 + 2}$ <p>Б) Дано k, вычислить:</p> <p>В) Определить среднее арифметическое элементов одномерного массива вещественных чисел с k_1 по k_2 (значения k_1 и k_2 задаются пользователем, $k_2 > k_1$)</p>
12	<p>А) Дано действительное число a. Для функции $f(x)$, график которой представлен на рисунке, вычислить $f(a)$:</p>  <p>Б) Вычислить среднее арифметическое всех целых чисел от a до 200.</p> <p>В) Дан двумерный массив вещественных чисел. Вставить строку из нулей перед строкой, в которой находится первый четный, отрицательный элемент.</p>
13	<p>А) Дано действительное число a. Для функции $f(x)$, график которой представлен на рисунке, вычислить $f(a)$:</p>  <p>Б) Подсчитать сумму всех нечетных чисел от 101 до 301.</p> <p>В) Дан массив. Все его элементы, стоящие на четных местах уменьшить на число a.</p>
14	<p>А) Дано действительное число a. Для функции $f(x)$, график которой представлен на рисунке, вычислить $f(a)$:</p> 

	<p>Б) Составить программу вычисления суммы кубов первых N членов натурального ряда.</p> <p>В) Дана действительная матрица размера $n \times m$. Найти сумму из наибольших элементов каждой строки массива.</p>
15	<p>А) Дано действительное число a. Для функции $f(x)$, график которой представлен на рисунке, вычислить $f(a)$:</p>  <p>Б) Вычислить сумму четных и произведение нечетных целых чисел от 1 до n</p> <p>В) Дан массив целых чисел (20). Удалить из него все элементы, первая цифра которых четная.</p>

Критерии оценки:

0 баллов – РГР не выполнена.

1-5 баллов – демонстрирует, лишь поверхностный уровень выполнения работы, в содержании выполнения задания допущены принципиальные ошибки, путается в терминологии, на заданные вопросы отвечает нечетко и неполно. Указанные недостатки должны быть позднее ликвидированы, в рамках установленного преподавателем графика.

6-13 баллов – ставится при условии, если студент демонстрирует ниже среднего уровень выполнения работы, в содержании выполнения задания допущены принципиальные ошибки, путается в терминологии, на заданные вопросы отвечает нечетко и неполно. Указанные недостатки должны быть позднее ликвидированы, в рамках установленного преподавателем графика.

14-22 баллов – ставится тогда, когда студент выполнил РГР, твердо знает материал, но дает не точные ответы на заданные вопросы, в содержании выполнения задания допущены непринципиальные ошибки, которые должны быть позднее ликвидированы в ходе промежуточной аттестации.

23-30 баллов – ставится тогда, когда студент выполнил РГР, показан высокий уровень освоения студентом учебного материала, содержание выполнения задания не содержит ошибок или допущены неточности, которые были устранены после замечаний, в работе присутствуют четкие и обоснованные комментарии.

КАФЕДРА МАТЕМАТИКИ И ИНФОРМАТИКИ

Темы практических работ

3 семестр

ПР1 Интерфейс программы. Ввод и корректировка данных.

ПР2 Элементарные вычисления.

ПР3 Работа с переменными и функциями.

ПР4 Встроенные функции.

ПР5 Операции над векторами и матрицами.

ПР6 Символьные вычисления.

ПР7 Решение алгебраических уравнений и их систем, неравенств.

ПР8 Производные и интегралы

ПР9 Графики функций.

ПР10 Поверхности.

ПР11-13 Операторы встроенного языка программирования: операторы условия, цикла, возврат значений, перехват ошибок.

ПР14-15 Программирование с использованием векторов и матриц.

Критерии оценки:

0 баллов - ставится, если студент не готов к практической работе.

1 балл - ставится, если студент обнаруживает знание и понимание основных положений обсуждаемой темы, но при выполнении заданий допущены неточности или задание выполнено на 50-60%; оформление работы выполнено недостаточно последовательно, допущены ошибки в языковом оформлении материала.

2 балла - ставится, если студент обнаруживает знание и понимание основных положений обсуждаемой темы, но при выполнении заданий допущены неточности или задание выполнено на 70-80%; слабо владеет навыками исследовательского анализа по данной теме; оформление работы выполнено недостаточно правильно.

3 балла - ставится, если студент полностью выполнил задание, но допустил единичные ошибки в изложении материала, знает теоретический материал, самостоятельно поправляет ошибки и погрешности после замечаний преподавателя:

а) задание выполнено правильно или, в случае недочётов, скорректировано студентом самостоятельно;

б) студент обладает необходимыми навыками научно-исследовательского анализа по данной теме и обнаруживает полное понимание материала, может обосновать свои суждения;

в) оформление задания выполнено последовательно и полно, правильно использована соответствующая терминология.

КАФЕДРА МАТЕМАТИКИ И ИНФОРМАТИКИ

Темы лабораторных работ

3 семестр

ЛР1 Метод Ньютона.

ЛР2 Решение матричных уравнений.

ЛР3 Метод Гаусса.

ЛР4 Метод итераций.

ЛР5 Решение уравнений с помощью функции «root».

ЛР6 Численное вычисление интегралов.

Критерии оценки:

0 баллов - ставится, если студент не готов к лабораторной работе.

1 балл - ставится, если студент обнаруживает знание и понимание основных положений обсуждаемой темы, но при выполнении заданий допущены неточности или задание выполнено на 50-60%; оформление работы выполнено недостаточно последовательно, допущены ошибки в языковом оформлении материала.

2-3 балла - ставится, если студент обнаруживает знание и понимание основных положений обсуждаемой темы, но при выполнении заданий допущены неточности или задание выполнено на 70-80%; слабо владеет навыками исследовательского анализа по данной теме; оформление работы выполнено недостаточно правильно.

4-5 балла - ставится, если студент полностью выполнил задание, но допустил единичные ошибки в изложении материала, знает теоретический материал, самостоятельно поправляет ошибки и погрешности после замечаний преподавателя:

а) задание выполнено правильно или, в случае недочётов, скорректировано студентом самостоятельно;

б) студент обладает необходимыми навыками научно-исследовательского анализа по данной теме и обнаруживает полное понимание материала, может обосновать свои суждения;

в) оформление задания выполнено последовательно и полно, правильно использована соответствующая терминология.

Министерство науки и высшего образования Российской Федерации
Федеральное государственное автономное образовательное учреждение высшего образования
«СЕВЕРО-ВОСТОЧНЫЙ ФЕДЕРАЛЬНЫЙ УНИВЕРСИТЕТ ИМЕНИ М.К. АММОСОВА»
Технический институт (филиал) ФГАОУ ВО «СВФУ» в г. Нерюнгри
КАФЕДРА МАТЕМАТИКИ И ИНФОРМАТИКИ

Экзамен проводится в форме собеседования по экзаменационным билетам. Программа экзамена включает в себя 2 теоретических вопроса и 1 практическое задание, направленное на выявление уровня сформированности компетенций ПК-1.1., ПК-1.2., ПК-2.1.

Вопросы к экзамену (3 семестр):

1. Основы работы в математическом пакете Mathcad. Рабочие панели, ввод информации, создание формул.
2. Математический пакет Mathcad. Вычисления и типы данных.
3. Математический пакет Mathcad. Матричные вычисления. Работа с комплексными числами.
4. Математический пакет Mathcad. Работа с графическими объектами.
5. Символьная алгебра в пакете Mathcad. Приведение подобных слагаемых, разложение выражений. Ряды и произведения.
6. Символьная алгебра в пакете Mathcad. Операции с матрицами.
7. Символьная алгебра в пакете Mathcad. Упрощение математических выражений. Решение алгебраических уравнений и систем.
8. Вычисление производных и интегралов в пакете Mathcad.
9. Решение обыкновенных дифференциальных уравнений и систем дифференциальных уравнений в пакете Mathcad.
10. Математическая статистика в пакете Mathcad.
11. Анализ данных в пакете Mathcad.
12. Специальные функции в пакете Mathcad.
13. Создание программы в пакете Mathcad.
14. Разработка программы в пакете Mathcad.
15. Условные операторы (if, otherwise) в пакете Mathcad.
16. Операторы цикла (for, while, break, continue) в пакете Mathcad.
17. Возврат значения (return) в пакете Mathcad.
18. Перехват ошибок (on error) в пакете Mathcad.
19. Оформление расчетов в пакете Mathcad.