Документ подписан простой электронной подписью

Информация о владельце:

ФИО: Рукович Александр Влагийнистерство науки и высшего образования Российской Федерации Должность: Директор Федеральное государственное автономное образовательное учреждение высшего образования Дата подписания: СЕВЕРО-ВОСТОЧНЫЙ ФЕДЕРАЛЬНЫЙ УНИВЕРСИТЕТ ИМЕНИ М.К. АММОСОВА» (45eb7c44954caac05ea7d4f3 Технический института (филимат) ФГАОУ ВО «СВФУ» в г. Нерюнгри

Кафедра Математики и информатики

ФОНД ОЦЕНОЧНЫХ СРЕДСТВ

ФТД.В.01 Избранные вопросы математики

для программы бакалавриата по направлению подготовки 44.03.05 - Педагогическое образование (с двумя профилями подготовки)

Направленность (профиль) программы: Дошкольное образование и начальное образование

Форма обучения: очная

УТВЕРЖДЕНО на заседании				
выпускающей кафедры	ПиМНО			
«07» апреля 2025 г., протокол		_		
Заведующий кафедрой		/	Мамедова Л.В.	
«07» апреля 2025 г.		′ -	типпедова т.в.	
УТВЕРЖДЕНО на заседании				
обеспечивающей кафедры	МиИ			
«20» марта 2025 г., протокол .	№ 8	_		
Заведующий кафедрой		/	Самохина В.М.	
«20» марта 2025 г.				
-				
СОГЛАСОВАНО:				
Эксперты ¹ :				
эксперты .				
Мамедова Л.В., к.п.н, доцент	кафельы ПиЛ	ино п	ГИ(ф)СВФV	
	о., должность, орган	-	$\frac{\Pi(\psi)CD\Psi J}{}$	подпись
Заринора М Ю ст. пранонара	ranı kadanaı	т МтлИ	ти(а)СВФЛ	
Зарипова М.Ю., ст. преподаватель кафедры МиИ, ТИ(ф)СВФУ Ф.И.О., должность, организация				подпись
СОСТАВИТЕЛЬ (И):				
Самохина В.М., к.п.н, доцент			ф)СВФУ	
Ф.И.С	., должность, орган	изация		подпись

 $^{^1}$ Эксперт первый: со стороны выпускающей кафедры (или работодатель). Эксперт второй: со стороны обеспечивающей кафедры.

Паспорт фонда оценочных средств

ФТД.В.01 Избранные вопросы математики

№	Контролируемые разделы (темы)	Планируемые результаты освоения программы (содержание и коды компетенций)	Планируемые результаты обучения по дисциплине	Оценочные средства
1	Построение графиков функций.	УК-1 - Способен осуществлять поиск, критический анализ и синтез информации,	Знать: особенности системного и критического мышления методы постановки и	Выполнение заданий на практических занятиях
2	Решение уравнений и неравенств.	применять системный подход для решения поставленных задач	решения задач правила доказательства и опровержения суждений в научной, профессиональной и	Тестирование зачет
3	Логарифмы, свойства, логарифмические уравнения		повседневной практике. Уметь: выбирать информационные ресурсы для поиска информации в соответствии с	
4.	Тригонометрия. Решение тригонометрических уравнений и неравенств.		поставленной задачей оценивать соответствие выбранного информационного ресурса критериям полноты и аутентичности систематизировать	
5.	Исследование функций и построение графиков.		обнаруженную информацию в соответствии с требованиями и условиями поставленной задачи выявлять системные связи между изучаемыми явлениями, процессами и/или объектами на основе принятой парадигмы находить, критически анализировать и контекстно обрабатывать информацию, необходимую для решения поставленной задачи применять философский и общенаучный понятийный аппараты и методы в профессиональной деятельности Владеть: методами поиска, критического анализа и синтеза информации методом системного подхода для решения поставленных задач навыками аргументации выводов и суждений, в том числе с применением философского понятийного аппарата	

Министерство науки и высшего образования Российской Федерации Технический институт (филиал) федерального государственного автономного образовательного учреждения высшего образования «Северо-Восточный федеральный университет имени М.К. Аммосова» в г. Нерюнгри

КАФЕДРА МАТЕМАТИКИ И ИНФОРМАТИКИ

1. Программа зачета

Программа зачета включает в себя собеседование по результатам выполнения практических заданий, выполненных по следующим темам:

- Тема 1. Вычисления.
- Тема 2. Решение уравнений и неравенств.
- Тема 3. Логарифмы, свойства, логарифмические уравнения
- Тема 4.Тригонометрия. Решение тригонометрических уравнений и неравенств.
- Тема 5. Исследование функций и построение графиков.

Критерии оценки:

Планируемые	Планируемые	Уровни	Критерии оценивания	Оценка
результаты	результаты обучения	освоения	(дескрипторы)	,
освоения	по дисциплине	освосиия	(дескрингоры)	
программы				
(содержание и				
коды				
компетенций)				
УК-1 - Способен	Знать:	освоен	Выполнен полный курс обучения,	зачтено
осуществлять	особенности		показана совокупность	
поиск,	системного и		осознанных знаний по	
критический	критического			
анализ и синтез	мышления		дисциплине доказательно	
информации,	методы постановки и		раскрыты основные положения	
применять	решения задач		предмета; в знаниях студента	
системный подход	правила		прослеживается четкая структура,	
для решения	доказательства и		логическая последовательность,	
поставленных	опровержения		отражающая сущность	
задач	суждений в научной,		раскрываемых понятий, теорий,	
	профессиональной и		явлений. Знание по предмету	
	повседневной			
	практике.		демонстрируется на фоне	
			понимания его в системе данной	
	Уметь:		науки и междисциплинарных	
	выбирать		связей. В ходе ответа могут быть	
	информационные		допущены недочеты в	
	ресурсы для поиска		определении понятий,	
	информации в		исправленные студентом	
	соответствии с		-	
	поставленной задачей		самостоятельно в процессе	
	оценивать		ответа.	
	соответствие			
	выбранного			
	информационного			
	ресурса критериям			
	полноты и			
	аутентичности	неосвоен	Ответ студента представ ляет	незачтено
	систематизировать		собой разрозненные знания с	
	обнаруженную		существенными ошибками по	
	информацию в		предмету. Присутствуют	
	соответствии с			
	требованиями и		фрагментарность, нелогичность	

условиями поставленной задачи выявлять системные связи между изучаемыми явлениями, процессами и/или объектами на основе принятой парадигмы находить, критически анализировать и контекстно обрабатывать информацию, необходимую для решения поставленной задачи применять философский и общенаучный понятийный аппараты и методы в профессиональной деятельности

изложения. Студент не осознает связь обсуждаемого воп роса по теме с другими объектами дисциплины. Отсутствуют выводы, конкретизация и доказательность изложения. Дополнительные и уточняющие вопросы преподавателя не приводят к коррекции ответа студента. Полноценный и разумный ответ на вопрос полностью отсутствует.

Владеть:

методами поиска, критического анализа и синтеза информации методом системного подхода для решения поставленных задач навыками аргументации выводов и суждений, в том числе с применением философского понятийного аппарата

Министерство науки и высшего образования Российской Федерации Технический институт (филиал) федерального государственного автономного образовательного учреждения высшего образования «Северо-Восточный федеральный университет имени М.К. Аммосова» в г. Нерюнгри

КАФЕДРА МАТЕМАТИКИ И ИНФОРМАТИКИ

Практические задания

Тема 1. Вычисления.

Задание 1. Найдите значение выражения при данном условии:

1)
$$31a-4b+55$$
, ecan $\frac{a-4b+7}{4a-b+7}=8$;

1)
$$31a-4b+55$$
, если $\frac{a-4b+7}{4a-b+7}=8$; 5) $28a-7b+40$, если $\frac{2a-5b+7}{5a-2b+7}=6$;

2)
$$19a-7b+12$$
, если $\frac{5a-8b+2}{8a-5b+2}=3$;

2)
$$19a-7b+12$$
, если $\frac{5a-8b+2}{8a-5b+2}=3$; 6) $39a-15b+25$, если $\frac{3a-6b+4}{6a-3b+4}=7$;

3)
$$41a-11b+15$$
, если $\frac{4a-9b+3}{9a-4b+3}$ =5; 7) $11a-7b+21$, если $\frac{4a-5b+6}{5a-4b+6}$ =3;

7)
$$11a-7b+21$$
, если $\frac{4a-5b+6}{5a-4b+6}=3$;

4)
$$25a-5b+22$$
, если $\frac{3a-7b+6}{7a-3b+6}=4$

4)
$$25a-5b+22$$
, если $\frac{3a-7b+6}{7a-3b+6}=4$; 8) $61a-11b+50$, если $\frac{2a-7b+5}{7a-2b+5}=9$.

٠¶

Задание 2. Найдите значение выражения

1)
$$-3 \cdot (-7,1) - 2,8$$
;

7)
$$-0.7 \cdot (-10)^3 - 9 \cdot (-10)^2 - 51$$
;

2)
$$-0.4\cdot(-10)^2+54$$
;

3)
$$91+0,3\cdot(-10)^3$$
;

4)
$$(1,3\cdot10^{-2})\cdot(6\cdot10^{-3});$$

10)
$$-0.1 \cdot (-5)^4 - 2 \cdot (-5)^3 - 16$$
;

5)
$$(5.10^3)^2 \cdot (11.10^{-3})$$
;

11)
$$7 \cdot 10^1 + 9 \cdot 10^0 + 8 \cdot 10^{-3}$$
.

6)
$$(11\cdot10^{-2})^2\cdot(15\cdot10^3)$$
;

Задание 3. Найдите значение выражения

1)
$$\frac{1}{\frac{1}{30} + \frac{1}{42}}$$
;

3)
$$\frac{1}{\frac{1}{36} + \frac{1}{45}}$$
;

5)
$$\frac{1}{\frac{1}{21} + \frac{1}{28}}$$
;

2)
$$\frac{1}{\frac{1}{36} - \frac{1}{44}}$$
;

4)
$$\frac{1}{\frac{1}{35} - \frac{1}{60}}$$
;

6)
$$\frac{1}{\frac{1}{72} - \frac{1}{99}}$$
.

Задание 4. Найдите значение выражения

1)
$$-7 \cdot (-4,7) - 6,8$$

1)
$$-7 \cdot (-4,7) - 6,8$$
; 7) $-0,8 \cdot (-10)^2 - 95$; 13) $30 - 0,8 \cdot (-10)^2$;

13)
$$30-0.8\cdot(-10)^2$$

2)
$$-13 \cdot (-9,3) - 7,8$$

8)
$$0.7 \cdot (-10)^3 - 20$$
;

2)
$$-13 \cdot (-9,3) - 7,8$$
; 8) $0,7 \cdot (-10)^3 - 20$; 14) $80 + 0,4 \cdot (-10)^3$;

3)
$$-12 \cdot (-8,6) - 9,4$$
;

3)
$$-12 \cdot (-8,6) - 9,4$$
; 9) $-0,2 \cdot (-10)^2 + 55$; 15) $55 + 0,2 \cdot (-10)^2$;

15)
$$55+0,2\cdot(-10)^2$$
;

4)
$$7,6-8\cdot(-5,2)$$
;

10)
$$0.9 \cdot (-10)^3 + 50$$

10)
$$0.9 \cdot (-10)^3 + 50$$
; 16) $-60 + 0.4 \cdot (-10)^2$;

11)
$$-0.7 \cdot (-10)^2 - 120$$

11)
$$-0.7 \cdot (-10)^2 - 120$$
; 17) $-80 + 0.3 \cdot (-10)^3$;

6)
$$5,3-9\cdot(-4,4)$$
;

12)
$$0,6\cdot(-10)^3+50$$
;

18)
$$-45+0.5\cdot(-10)^2$$
.

Задание 5. Найдите значение выражения

1
$$\sqrt{\frac{1}{16} \cdot x^6 y^4}$$
 при $x = 2, y = 5;$

5
$$\sqrt{\frac{1}{4} \cdot x^8 y^4}$$
 при $x=2, y=3;$

2
$$\sqrt{\frac{1}{25} \cdot x^8 y^2}$$
 при $x=3, y=5$;

6
$$\sqrt{\frac{1}{25} \cdot x^4 y^8}$$
 при $x = 5, y = 2;$

3
$$\sqrt{\frac{1}{4} \cdot x^2 y^8}$$
 при $x = 5, y = 2;$

7
$$\sqrt{\frac{1}{9} \cdot x^2 y^6}$$
 при $x = 7, y = 3;$

4
$$\sqrt{\frac{1}{\Omega} \cdot x^4 y^{10}}$$
 при $x=3, y=2;$

8
$$\sqrt{\frac{1}{16} \cdot x^{10} y^2}$$
 при $x=2, y=3$.

Задание 6. Найдите значение выражения

1
$$\frac{1}{2+\sqrt{3}}+\frac{1}{2-\sqrt{3}}$$
;

5
$$\frac{1}{7+\sqrt{47}}+\frac{1}{7-\sqrt{47}}$$
;

5
$$\frac{1}{7+\sqrt{47}}+\frac{1}{7-\sqrt{47}};$$
 9 $\frac{1}{\sqrt{37}-6}-\frac{1}{\sqrt{37}+6};$

2
$$\frac{1}{5+\sqrt{23}}+\frac{1}{5-\sqrt{23}}$$
;

6
$$\frac{1}{3+\sqrt{7}}+\frac{1}{3-\sqrt{7}}$$
;

2
$$\frac{1}{5+\sqrt{23}}+\frac{1}{5-\sqrt{23}};$$
 6 $\frac{1}{3+\sqrt{7}}+\frac{1}{3-\sqrt{7}};$ **10** $\frac{1}{\sqrt{17}-4}-\frac{1}{\sqrt{17}+4};$

3
$$\frac{1}{6+\sqrt{35}}+\frac{1}{6-\sqrt{35}}$$
;

7
$$\frac{1}{\sqrt{5}-2} - \frac{1}{\sqrt{5}+2}$$
;

3
$$\frac{1}{6+\sqrt{35}} + \frac{1}{6-\sqrt{35}};$$
 7 $\frac{1}{\sqrt{5}-2} - \frac{1}{\sqrt{5}+2};$ 11 $\frac{1}{\sqrt{13}-3} - \frac{1}{\sqrt{13}+3};$

4
$$\frac{1}{4+\sqrt{15}} + \frac{1}{4-\sqrt{15}};$$
 8 $\frac{1}{\sqrt{10}-3} - \frac{1}{\sqrt{10}+3};$

8
$$\frac{1}{\sqrt{10}-3} - \frac{1}{\sqrt{10}+3}$$
;

12
$$\frac{1}{\sqrt{27}-5} - \frac{1}{\sqrt{27}+5}$$

Задание 7. Найдите значение выражения

1
$$\sqrt{\frac{16a^{18}}{a^{14}}}$$
 при $a=3$;

3
$$\sqrt{\frac{81x^{18}}{x^{20}}}$$
 при $x=18$;

1
$$\sqrt{\frac{16a^{18}}{a^{14}}}$$
 при $a=3$; 3 $\sqrt{\frac{81x^{18}}{x^{20}}}$ при $x=18$; 5 $\sqrt{\frac{144p^{20}}{p^{16}}}$ при $p=2$;

2
$$\sqrt{\frac{b^{21}}{100b^{15}}}$$
 при b =4; **4** $\sqrt{\frac{y^{22}}{25v^{14}}}$ при y =2; **6** $\sqrt{\frac{q^{19}}{64a^{15}}}$ при q =6.

4
$$\sqrt{\frac{y^{22}}{25y^{14}}}$$
 при y =2;

6
$$\sqrt{\frac{q^{19}}{64q^{15}}}$$
 при $q=6$

Тема 2. Решение уравнений и неравенств.

Задание.1. Решите уравнение

1)
$$x^2-2x+\sqrt{4-x}=\sqrt{4-x}+15$$
;

2)
$$x^2 - 3x + \sqrt{3-x} = \sqrt{3-x} + 10$$
;

3)
$$x^2-2x+\sqrt{6-x}=\sqrt{6-x}+35$$
;

4)
$$x^2-3x+\sqrt{5-x}=\sqrt{5-x}+18$$
;

5)
$$x^2-2x+\sqrt{2-x}=\sqrt{2-x}+3$$
;

6)
$$x^2-6x+\sqrt{6-x}=\sqrt{6-x}+7$$
;

7)
$$x^2-2x+\sqrt{3-x}=\sqrt{3-x}+8$$
;

8)
$$x^2-3x+\sqrt{6-x}=\sqrt{6-x}+40$$
;

Задание 2. Решите уравнение:

1)
$$x^3+2x^2-x-2=0$$
;

2)
$$x^3+3x^2-4x-12=0$$
:

3)
$$x^3 + 2x^2 - 9x - 18 = 0$$
;

4)
$$x^3 + 5x^2 - x - 5 = 0$$
:

5)
$$x^3+4x^2-x-4=0$$
:

6)
$$x^3 + 5x^2 - 9x - 45 = 0$$
;

7)
$$x^3 + 3x^2 - x - 3 = 0$$
;

8)
$$x^3+4x^2-4x-16=0$$
;

Задание 3. Решите уравнения

1)
$$x^3 + 5x^2 - 16x - 80 = 0$$
;

2)
$$x^3 + 8x^2 = x + 8$$
;

3)
$$x^2 - 2x + \sqrt{7 - x} = \sqrt{7 - x} + 48$$
;

4)
$$x(x^2+10x+25)=14(x+5)$$
;

5)
$$(x-3)(x^2+14x+49)=11(x+7)$$
;

6)
$$(x^2-16)^2+(x^2+3x-28)^2=0$$
;

9)
$$x(x^2+2x+1)=2(x+1)$$
;

10)
$$x(x^2+4x+4)=3(x+2)$$
;

11)
$$x(x^2+2x+1)=6(x+1)$$
;

12)
$$x(x^2+6x+9)=4(x+3)$$
;

13)
$$x(x^2+4x+4)=8(x+2)$$
;

14)
$$x(x^2+6x+9)=10(x+3)$$
;

15)
$$x(x^2+8x+16)=12(x+4)$$
;

16)
$$x(x^2+10x+25)=6(x+5)$$
.

9)
$$x^3 + 5x^2 = 4x + 20$$
;

10)
$$x^3 + 2x^2 = 9x + 18$$
;

11)
$$x^3 + 7x^2 = 4x + 28$$
;

12)
$$x^3 + 6x^2 = 9x + 54$$
:

13)
$$x^3 + 3x^2 = 16x + 48$$
;

14)
$$x^3 + 4x^2 = 9x + 36$$
;

15)
$$x^3 + 6x^2 = 4x + 24$$
;

16)
$$x^3 + x^2 = 16x + 16$$
.

7)
$$\frac{1}{x^2} + \frac{6}{x} - 40 = 0$$
;

8)
$$\frac{1}{(x-3)^2} - \frac{7}{x-3} - 18 = 0$$
;

9)
$$(x+5)^4+(x+5)^2-12=0$$
;

10)
$$x^4 = (x-42)^2$$
.

Задание.4. Решите систему уравнений

1)
$$\begin{cases} 3x^2 - 8x = y, \\ 9x - 24 = u. \end{cases}$$

2)
$$\begin{cases} 7x^2 + y = 14, \\ 2x^2 - y = 22; \end{cases}$$

3)
$$\begin{cases} 2x^2 + y^2 = 59, \\ 10x^2 + 5y^2 = 59x. \end{cases}$$

1)
$$\begin{cases} (3x+7y)^2 = 10y, \\ (3x+7y)^2 = 10x, \end{cases}$$

3)
$$\begin{cases} x^2 + y = 7, \\ 2x^2 - y = 20; \end{cases}$$

1)
$$\begin{cases} (3x+7y)^2 = 10y, \\ (3x+7y)^2 = 10x; \end{cases}$$
 3)
$$\begin{cases} x^2+y=7, \\ 2x^2-y=20; \end{cases}$$
 5)
$$\begin{cases} (x-5)(y-8)=0, \\ \frac{y-6}{x+y-11}=4; \end{cases}$$

2)
$$\begin{cases} y-2x=2, \\ x^2+2xy-y^2=8; \end{cases}$$
 4) $\begin{cases} x-3y=7, \\ \frac{x}{5}+\frac{y+4}{4}=-1; \end{cases}$ 6) $\begin{cases} x^2=7y-3, \\ x^2+19=7y+y^2. \end{cases}$

4)
$$\begin{cases} x - 3y = 7, \\ \frac{x}{5} + \frac{y+4}{4} = -1; \end{cases}$$

6)
$$\begin{cases} x^2 = 7y - 3, \\ x^2 + 19 = 7y + y^2. \end{cases}$$

Задание. 5. Решите неравенство

1)
$$(4x+1)(x-2) > -5$$
;

2)
$$(x-6)^2 \ge (6x-1)^2$$
;

3)
$$x^2(-x^2-16) \le 100(-x^2-16)$$
;

4)
$$\frac{-17}{x^2+2x-3} \le 0$$
;

5)
$$\frac{x^2}{4} < \frac{4x-5}{3}$$
.

Задание.6. Решите уравнение

1)
$$x^3 + 5x^2 - 16x - 80 = 0$$
;

2)
$$x^3 + 8x^2 = x + 8$$
:

3)
$$x^2 - 2x + \sqrt{7 - x} = \sqrt{7 - x} + 48$$
;

4)
$$x(x^2+10x+25)=14(x+5)$$
;

5)
$$(x-3)(x^2+14x+49)=11(x+7)$$
;

6)
$$(x^2-16)^2+(x^2+3x-28)^2=0$$
;

7)
$$\frac{1}{x^2} + \frac{6}{x} - 40 = 0$$
;

8)
$$\frac{1}{(x-3)^2} - \frac{7}{x-3} - 18 = 0$$
;

9)
$$(x+5)^4+(x+5)^2-12=0$$
;

10)
$$x^4 = (x-42)^2$$
.

Задание. 8. Решите уравнение

1)
$$(4x-9)^2(x-3)=(4x-9)(x-3)^2$$
;

2)
$$(x-1)(x+7)(x-8)=(x-1)(x-8)(x+11);$$
 6) $x^3=4x^2+21x:$

3)
$$(x+3)^3 = 9(x+3)$$
;

4)
$$4x^2-7x+13=(x+3)^2$$
;

5)
$$x^6 = (11x - 18)^3$$
;

6)
$$x^3 = 4x^2 + 21x$$
;

7)
$$(x-5)^2(x-2)=4(x-5)$$
.

Пример 9. Решите систему уравнений:

1)
$$\begin{cases} (3x+7y)^2 = 10y, \\ (3x+7y)^2 = 10x; \end{cases}$$

3)
$$\begin{cases} x^2 + y = 7, \\ 2x^2 - y = 20; \end{cases}$$

1)
$$\begin{cases} (3x+7y)^2 = 10y, \\ (3x+7y)^2 = 10x; \end{cases}$$
 3)
$$\begin{cases} x^2+y=7, \\ 2x^2-y=20; \end{cases}$$
 5)
$$\begin{cases} (x-5)(y-8)=0, \\ \frac{y-6}{x+y-11}=4; \end{cases}$$

2)
$$\begin{cases} y-2x=2, \\ x^2+2xy-y^2=8; \end{cases}$$
 4) $\begin{cases} x-3y=7, \\ \frac{x}{5}+\frac{y+4}{4}=-1; \end{cases}$ 6) $\begin{cases} x^2=7y-3, \\ x^2+19=7y+y^2. \end{cases}$

4)
$$\begin{cases} x - 3y = 7, \\ \frac{x}{5} + \frac{y+4}{4} = -1; \end{cases}$$

6)
$$\begin{cases} x^2 = 7y - 3, \\ x^2 + 19 = 7y + y^2. \end{cases}$$

Пример 10. Решите неравенство:

1)
$$(4x+1)(x-2) > -5$$
;

2)
$$(x-6)^2 \ge (6x-1)^2$$
;

3)
$$x^2(-x^2-16) \le 100(-x^2-16)$$
;

4)
$$\frac{-17}{x^2+2x-3} \le 0$$
;

5)
$$\frac{x^2}{4} < \frac{4x-5}{3}$$
.

Пример 11. Решите систему неравенств:

1)
$$\begin{cases} 2(3x+5)-7(2x+3)>3x, \\ (x-4)(x+7)<0; \end{cases}$$

2)
$$\begin{cases} \frac{8-x}{4+(1-5x)^2} \ge 0, \\ 3-7x \le 23-2x. \end{cases}$$

Тема 3. Логарифмы, свойства, логарифмические уравнения

Задание 1. Вычислить

3.
$$\log_{169} 13$$

$$4. \quad \log_4 \log_3 9$$

5.
$$\frac{\lg 125}{\lg 5}$$

6.
$$2\log_2 6 + \log_2 \frac{35}{9} - \log_2 35$$

7.
$$\log_3 2 - \log_3 2 \cdot \log_2 6 + \log_3 6$$

8.
$$\log_5 72$$
, если $\log_5 2 = a$, $\log_5 3 = b$

9.
$$\lg 7(\log_7 15 + \log_7 4 - \log_7 6)$$

Задание 2. Найдите значение выражения

$$2. \frac{\log_9 \sqrt[5]{17}}{\log_9 17}$$

3.
$$\log_{13}16,9 + \log_{13}10$$

4.
$$\log_{\frac{1}{11}} \sqrt{11}$$

5.
$$\log_8 80 - \log_8 1,25$$

7.
$$9 \cdot 10^{\log_{10} 3}$$

8.
$$49^{\log_7\sqrt{5}}$$

10.
$$42\log_2\sqrt[6]{2}$$

11.
$$\overline{6^{\log_6 7}}$$
 $\log_3 13$

$$12. \overline{\log_9 13}$$

Задание 3. Найдите корень уравнения

$$\log_2(8+x) = 3$$

$$2 \cdot \log_{\frac{1}{2}}(6-x) = -5$$

$$\log_8(x+5) = \log_8(2x-2)$$

$$\log_{13}(17-x) = \log_{13}12$$

$$5. \log_3(12-x) = 3\log_3 4$$

Задание 3. Найдите x, если

$$\log_5 x = 2\log_5 3 + \frac{1}{2}\log_5 49 - \frac{1}{3}\log_5 27$$

Задание 4. айдите область определения функции

$$y = \frac{1}{\log_7(x^2 - 3x - 4)}$$

Тема 4.Тригонометрия. Решение тригонометрических уравнений и неравенств. Задание 1. Решите уравнение

1.
$$2\cos x - \sqrt{2} = 0$$
.

$$2. \sin\left(\frac{x}{2} - \frac{\pi}{6}\right) = 1.$$

$$3.\cos^2 x + 2\sin x + 2 = 0.$$

$$4.6\sin^2 x = 5\sin x \cos x - \cos^2 x.$$

- 1. Найдите значения выражений:
 - a) $\sin 58^{\circ} \cos 13^{\circ} \cos 58^{\circ} \sin 13^{\circ}$;

6)
$$\cos \frac{\pi}{12} \cos \frac{7\pi}{12} - \sin \frac{\pi}{12} \sin \frac{7\pi}{12}$$
.

2. Упростите выражения:

a)
$$\cos(t-s) - \sin t \sin s$$
;

6)
$$\frac{1}{2}\cos\alpha - \sin\left(\frac{\pi}{6} + \alpha\right)$$
.

3. Докажите тождество

$$\sin (\alpha + \beta) + \sin (\alpha - \beta) = 2 \sin \alpha \cos \beta$$

4. Решите уравнение

$$\sin 3x \cos x + \cos 3x \sin x = 0.$$

$$5.3$$
ная, что $\cos \alpha = \frac{12}{13}$, $0 < \alpha < \frac{\pi}{2}$, найдите $tg\left(\frac{\pi}{4} + \alpha\right)$.

6. Известно, что
$$\sin\left(\frac{\pi}{3} + t\right) + \sin\left(\frac{\pi}{3} - t\right) = p$$
.

Hайдите
$$\sin\left(\frac{\pi}{3}+t\right)\sin\left(\frac{\pi}{3}-t\right)$$
.

Тема 5. Исследование функций и построение графиков.

Задание 1. Постройте график линейной функции, определите, проходит ли график функции через указанную точку:

$$y = 2x - 5$$
, $Z(-21;-47)$

Задание 2. Постройте график квадратичной функции, укажите множество значений данной функции. $y = -(x+3)^2 - 2$

Задание 3. Постройте график функции, определите, возрастает или убывает указанная функция. $y = -x^3 - 1$

Задание 4. Постройте график функции, ответьте на вопрос задачи.

 $y = \sqrt{x+2} - 1$, укажите наименьшее значение функции.

Задание 5. Постройте график функции, содержащей знак модуля. $y = \left| 1 - \frac{1}{4} x \right|$

Задание 6. Постройте график функции, заданной кусочно, определите, есть ли точка разрыва у

данной функции:
$$y = \begin{cases} -x^2, & ecnu & x \ge 1 \\ 3x, & ecnu & x < 1 \end{cases}$$

Задание 7. Определите, сколько решений имеет система уравнений, отвеет обоснуйте.

$$\begin{cases} y = 3x + 5 \\ y = \sqrt{x+1} \end{cases}$$

Задание 8. Постройте график по описанию.

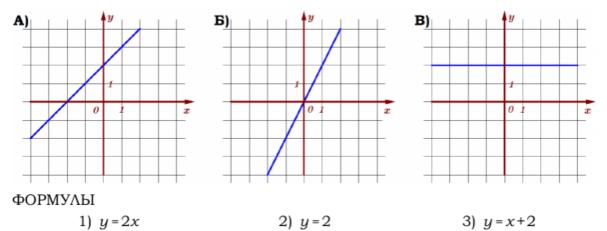
Область определения: [-7; 9]; Множество значений: [-6; 5]; Точки пересечения с осью X: (-2;0), (3;0), (7;0); Точка пересечения с осью У (0;-3); Точки максимума: (-5;5) и (5;2); Точка минимума: (1;-4); Дополнительные точки: (-7;3) и (9;-6).

Сделайте выводы, ответив на вопросы.

- Графики каких функций вы строили в данной работе?
- Как называется график линейной функции?
- 3. Как называется график квадратичной функции?
- 4. Какие преобразования графиков вы знаете?
- <u>5.</u> Как в системе координат располагается график четной функции? График нечетной функции?

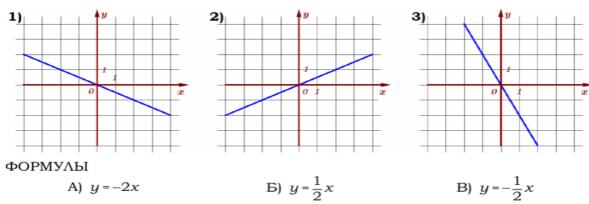
Задание 1. Установите соответствие между графиками функций и формулами, которые их задают.

ГРАФИКИ



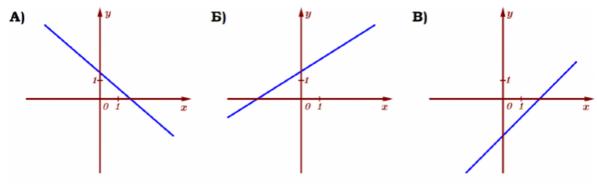
Задание 2. Установите соответствие между графиками функций и формулами, которые их задают.

ГРАФИКИ



Задание 4. На рисунке изображены графики функций вида y = kx + b. Установите соответствие между графиками функций и знаками коэффициентов.

ГРАФИКИ



КОЭФФИЦИЕНТЫ:

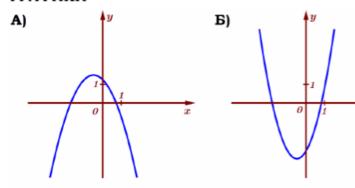
1)
$$k > 0, b > 0$$

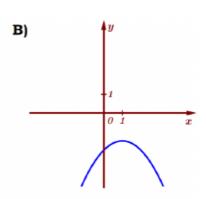
2)
$$k < 0, b > 0$$

3)
$$k > 0, b < 0$$

Задание 5. На рисунке изображены графики функций вида $y = ax^2 + bx + c$. Установите соответствие между графиками функций и знаками коэффициентов.

ГРАФИКИ





КОЭФФИЦИЕНТЫ:

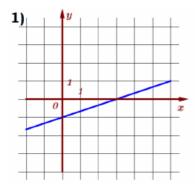
1)
$$a > 0, c < 0$$

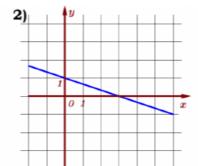
2)
$$a < 0, c < 0$$

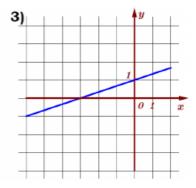
3)
$$a < 0, c > 0$$

Задание 3. Установите соответствие между графиками функций и формулами, которые их задают.

ГРАФИКИ







ФОРМУЛЫ

A)
$$y = -\frac{1}{3}x + 1$$

B)
$$y = \frac{1}{3}x + 1$$

B)
$$y = \frac{1}{3}x - 1$$